

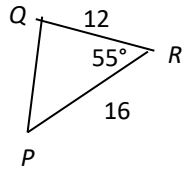
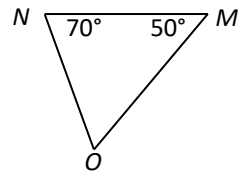
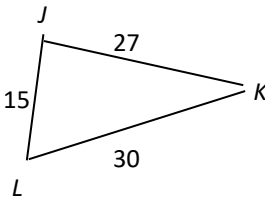
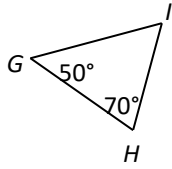
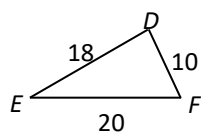
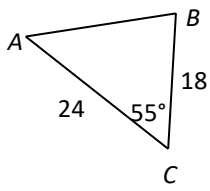
112 學年度第一學期數學科補考題庫

一、填充題

1. 設 $x:y=5:6$ ，且 $y:z=4:7$ ，則 $x:y:z=$ _____。

解 10 : 12 : 21

2. 下列哪些三角形相似？在空格中填入正確的答案及所用的相似性質。



(1) $\triangle ABC \sim$ _____ (_____相似性質)

(2) $\triangle DEF \sim$ _____ (_____相似性質)

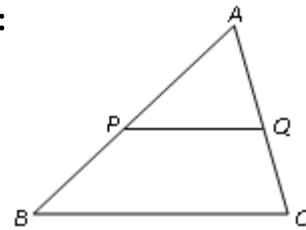
(3) $\triangle GHI \sim$ _____ (_____相似性質)

解 (1) $\triangle PQR$; SAS
(2) $\triangle JKL$; SSS
(3) $\triangle MNO$; AA

3. 如右圖， $\triangle ABC$ 中， P 、 Q 分別為 \overline{AB} 、 \overline{AC} 上的一點，若 $\overline{PQ} \parallel \overline{BC}$ ，則：

(1) $\overline{AP} : \overline{PB} = \overline{AQ} : \overline{QC} : \underline{\hspace{1cm}}$ 。 (2) $\overline{AP} : \underline{\hspace{1cm}} = \overline{AQ} : \overline{AC}$ 。

(3) $\overline{PB} : \overline{AB} = \overline{QC} : \underline{\hspace{1cm}}$ 。 (4) $\underline{\hspace{1cm}} : \overline{BC} = \overline{AP} : \overline{AB} = \overline{AQ} : \overline{AC}$ 。



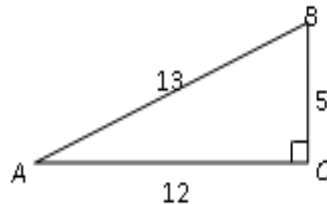
解 (1) \overline{QC} (2) \overline{AB}
(3) \overline{AC} (4) \overline{PQ}

4. 如右圖， $\triangle ABC$ 為直角三角形， $\angle C=90^\circ$ ，則：

(1) $\frac{\overline{BC}}{\overline{AB}} = \sin A = \underline{\hspace{1cm}}$ 。

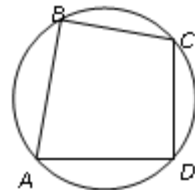
(2) $\frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} = \cos A = \underline{\hspace{1cm}}$ 。

(3) $\frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \tan A = \underline{\hspace{1cm}}$ 。



解 (1) $\frac{5}{13}$
(2) $\frac{12}{13}$
(3) $\frac{5}{12}$

5. 如右圖，四邊形 $ABCD$ 為圓內接四邊形，若 $\angle A=80^\circ$ ，則 $\angle C=$ _____。

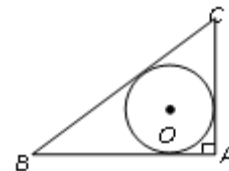


解 100°

6. (1) 三角形三邊的 _____ 交於一點，此點稱為三角形的外心。
 (2) 三角形三個 _____ 交於一點，此點稱為三角形的內心。
 (3) 任意三角形三內角的三條 _____ 交於同一點，此點稱為三角形的重心。

解 (1) 中垂線
(2) 內角的角平分線
(3) 中線

7. 如右圖，已知直角三角形 ABC 中， I 為內心， $\angle A=90^\circ$ ， $\overline{AB}=12$ ， $\overline{AC}=9$ ，則 $\triangle ABC$ 的內切圓半徑 = _____。



解 3

8. 已知 $\triangle ABC$ 的面積為 54，其內切圓半徑為 3，求 $\triangle ABC$ 的周長 = _____。

解 36

二、計算題

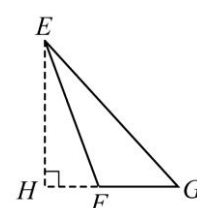
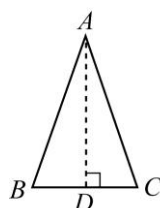
1. 如圖， $\overline{AD} = \overline{EH}$ ， $\triangle ABC$ 面積 = 18，且 $\overline{BC} : \overline{FG} = 3 : 2$ ，求 $\triangle EFG$ 面積。

解 $\because \overline{AD} = \overline{EH}$ (同高)，

$$\therefore \triangle ABC \text{ 面積} : \triangle EFG \text{ 面積} = \frac{\overline{BC} \times \overline{AD}}{2} : \frac{\overline{FG} \times \overline{EH}}{2}$$

$$18 : \triangle EFG \text{ 面積} = 3 : 2$$

$$\triangle EFG \text{ 面積} = 12$$



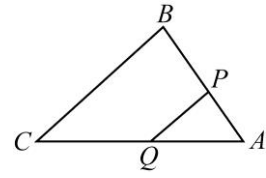
2. 如圖， $\triangle ABC$ 中， $\overline{AB} = 27$ ， $\overline{PB} = 15$ ， $\overline{AC} = 36$ ， $\overline{QC} = 20$ ，則 \overline{PQ} 與 \overline{BC} 是否平行？

解 在 $\triangle ABC$ 中，

$$\therefore \overline{PB} : \overline{AB} = 15 : 27 = 5 : 9,$$

$$\overline{QC} : \overline{AC} = 20 : 36 = 5 : 9,$$

故 $\overline{PQ} \parallel \overline{BC}$ 。



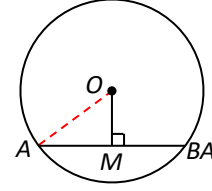
3. 如圖， \overline{AB} 為圓 O 上的一弦，若圓 O 的半徑為 15， \overline{AB} 的弦心距為 9，求 \overline{AB} 。

解 連接 \overline{OA} ，

$$\therefore \overline{OM} = 9, \text{ 圓 } O \text{ 半徑} = \overline{OA} = 15,$$

$$\therefore \overline{AM} = \sqrt{15^2 - 9^2} = 12$$

因此， $\overline{AB} = 2\overline{AM} = 24$ 。



4. 將一個正方形的一邊增加 6 公分，另一邊減少 4 公分，所得的新長方形與長 12 公分、寬 8 公分的長方形相似，則原來的正方形邊長為多少公分？

解 設原來的正方形邊長為 x 公分，

$$\therefore \text{依題意可知，}(x+6) : (x-4) = 12 : 8$$

$$12x - 48 = 8x + 48$$

$$x = 24$$